

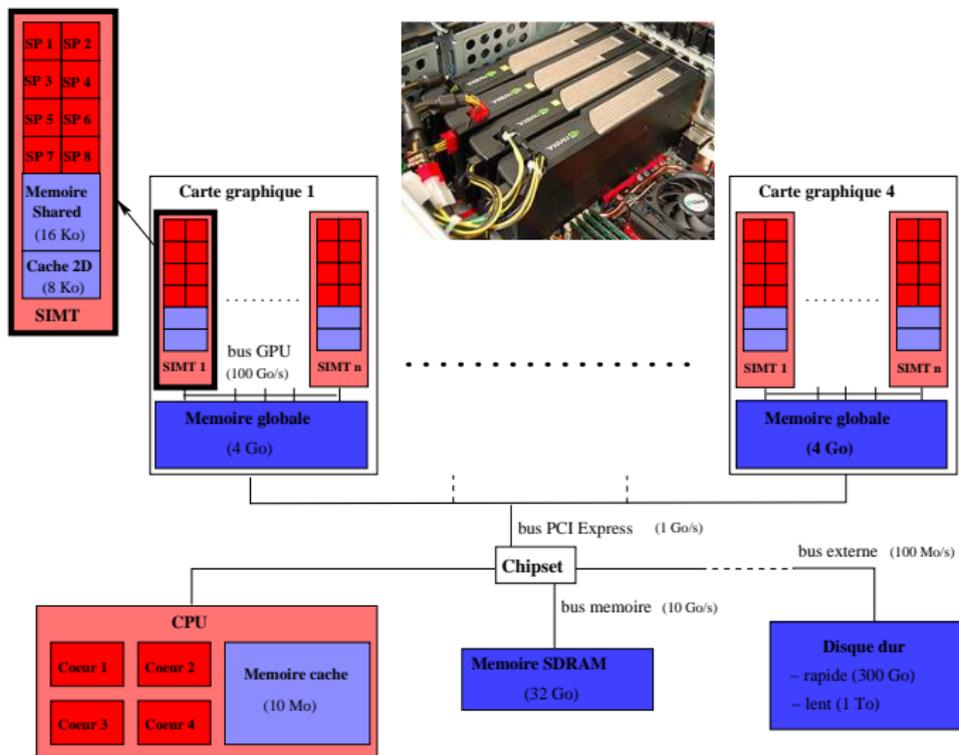
# Parallélisation des calculs sur serveur multi-GPUs pour la résolution de problèmes inverses

Nicolas GAC, MCF Université Paris Sud  
Groupe Problèmes Inverses (GPI)  
L2S (Supélec/CNRS/Univ Paris Sud)

Cours ESIEE, Paris, 14 septembre 2012



# Serveur de calcul multi GPU



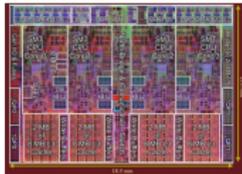
- 1 **Accélération matérielle sur GPU**
  - Comparaison des solutions matérielles
  - Le GPU, un moteur de calcul
  - Le GPU, un consommateur de données
  - Le GPU, une architecture en constante évolution
- 2 **Problèmes inverses**
  - Algorithme itératif : moindres carrés régularisés
  - [Deconv1D] Déconvolutions
  - [Tomo3D] Reconstruction tomographique
- 3 **Parallélisation GPU de  $H$  et  $H^t$** 
  - [Deconv1D] Convolution 1D ( $H$  et  $H^t$ ) sur GPU
  - [Tomo3D] Projection ( $H$ ) sur GPU
  - [Tomo3D] Rétroprojection ( $H^t$ ) sur GPU
  - [Tomo3D] Volumes et temps de reconstruction
  - Temps de transfert PC-GPU
- 4 **Parallélisation multi-GPU**
  - [Deconv1D] Parallélisation multi-GPU du traitement de différents jeux de données
  - [Tomo3D] Parallélisation multi-GPU des opérateurs  $H$  et  $H^t$
- 5 **Librairies, Matlab, Outils, Formations...**
- 6 **Conclusion**

- 1 Accélération matérielle sur GPU
  - Comparaison des solutions matérielles
  - Le GPU, un moteur de calcul
  - Le GPU, un consommateur de données
  - Le GPU, une architecture en constante évolution
- 2 Problèmes inverses
- 3 Parallélisation GPU de  $H$  et  $H^t$
- 4 Parallélisation multi-GPU
- 5 Librairies, Matlab, Outils, Formations...
- 6 Conclusion

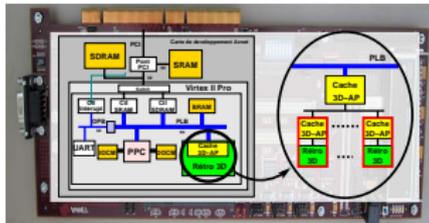
# Calcul haute performance

## High Performance Computing (HPC)

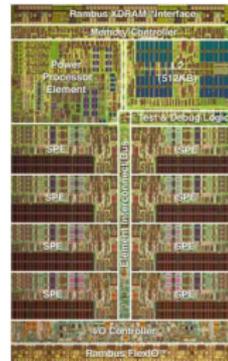
- Parallélisation sur machines multi-processeurs
  - ↳ Efficace sur machine à mémoire distribuée
- Noeuds de calculs performants
  - ↳ processeurs multi-core, many-core ou FPGA/ASIC



Intel Nehalem (4 coeurs)



SoPC (prototype)

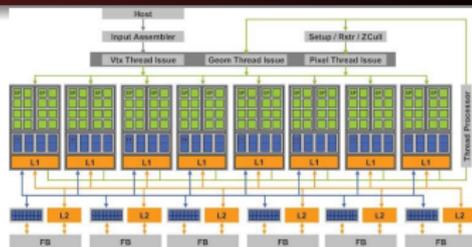
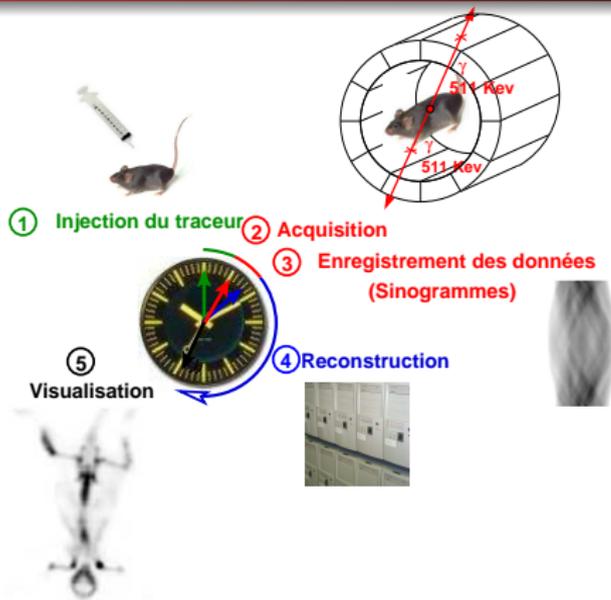


IBM Cell (8+1 coeurs)

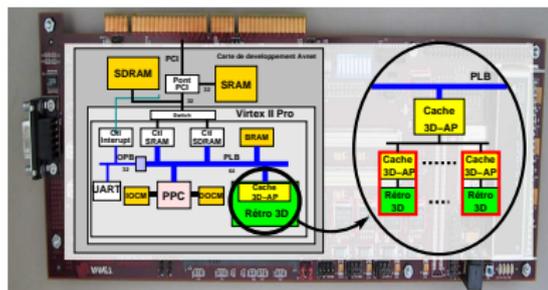


Nvidia GTX 200 (240 coeurs)

Thèse soutenue en 2008 : “Adéquation Algorithme Architecture pour la reconstruction 3D en imagerie médicale TEP” (Gipsa-lab, Grenoble-INP sous la direction de M. Designes et S. Mancini)

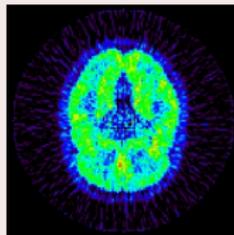


GPU (carte graphique)

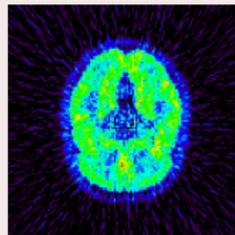


SoPC (prototype)

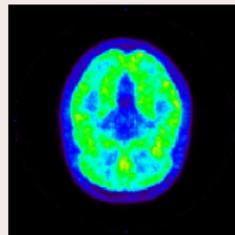
## Conclusion de la thèse



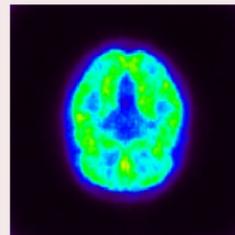
CPU  
(non itératif)



FPGA  
(non itératif)



CPU  
(itératif)



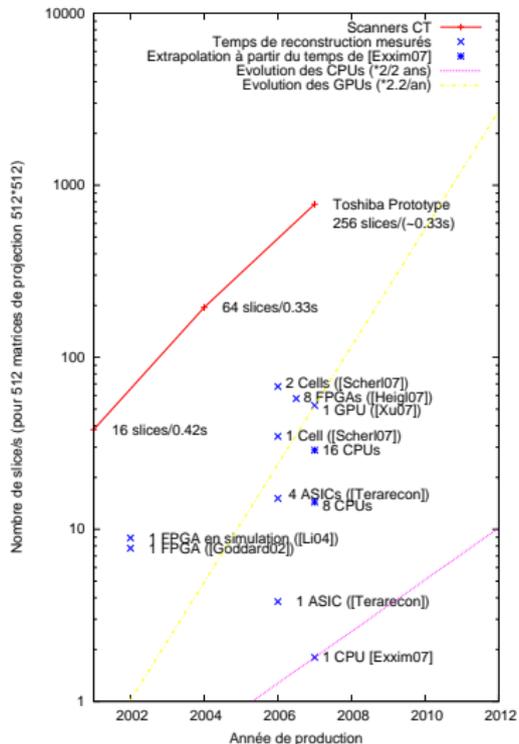
FPGA  
(itératif)

## Comparaison CPU/GPU/FPGA

	CPU	GPU	FPGA
Temps	3 <sup>eme</sup> (*4 P4)	1 <sup>er</sup> (*50 P4)	2 <sup>eme</sup> (*5 P4)
Efficacité	2 <sup>eme</sup> (7 C/op)	1 <sup>eme</sup> (14 C/Op)	1 <sup>er</sup> (2 C/Op)

- GPU est l'accélérateur matériel le plus performant
- FPGA est le plus efficace en cycles/op (grâce au cache 3D)

# Vitesse d'acquisition // Vitesse de reconstruction



## Le GPU très vite adopté peu après son apparition en 2006

Publications dans la conférence Fully3D, spécialisée dans la reconstruction tomographique

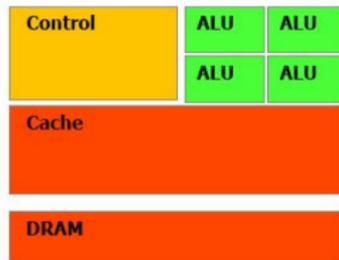
- 2007 : 1er Workshop HPIR (High Performance Image Reconstruction)
- 2011 : Le mot clef Multi GPU apparait

	2003	2005	2007	2009	2011	2013
Cluster (MPI, Open MP)	2	3	5	6	3	?
GPU (NVIDIA)			10	14	17	?
GPU (ATI)				1	1	?
FPGA			4		1	?
DSP			2	1		?
Cell (IBM)			3			
Larabee (Intel)				2		
MIC (intel)						?

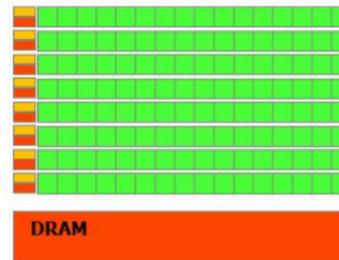
# GPU : Graphic Processing Unit

## Evolution vers une architecture *many core*

- A l'origine, architecture dédiée pour le rendu de volume  
↳ Pipeline graphique (prog. en OpenGL/Cg)
- Depuis 2006, architecture adaptée à la parallélisation de divers calculs scientifiques  
↳ CUDA : Common Unified Device Architecture (prog. en C)

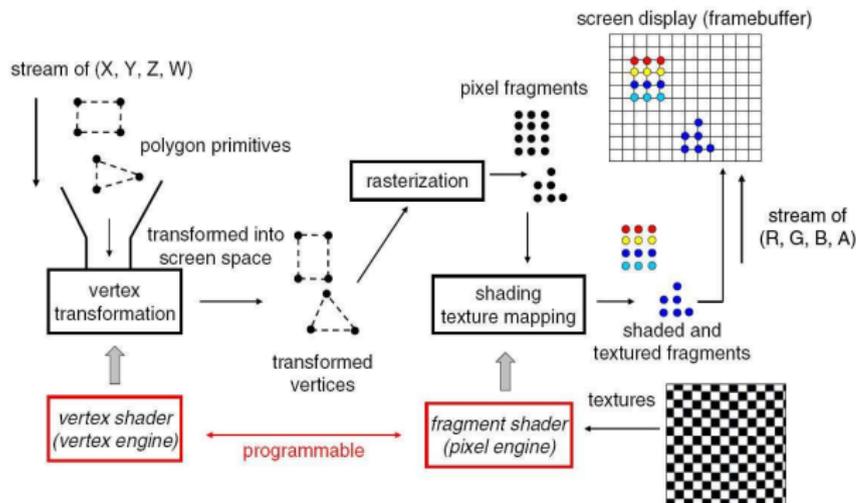


CPU



GPU

# Avant CUDA : pipeline graphique



source : [?]

Vertex  
Shader

Transformation  
géométrique

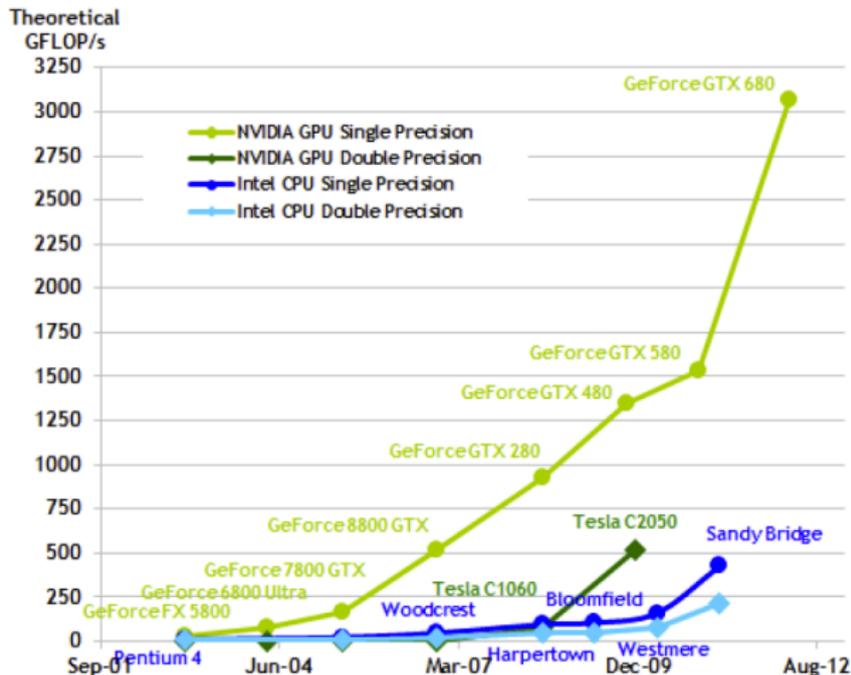
Rasterization

Polygon  $\rightarrow$   
Fragments

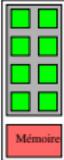
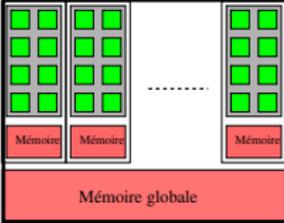
Fragment  
Shader

Calcul sur les  
Pixels

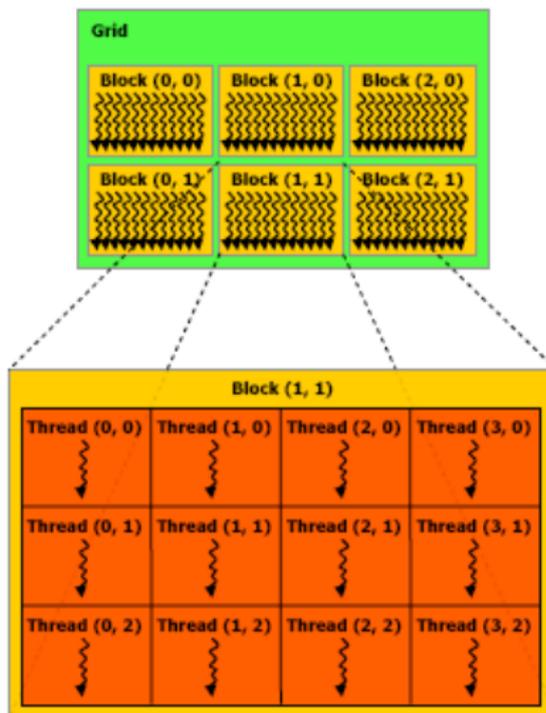
# Le GPU, un moteur de calcul



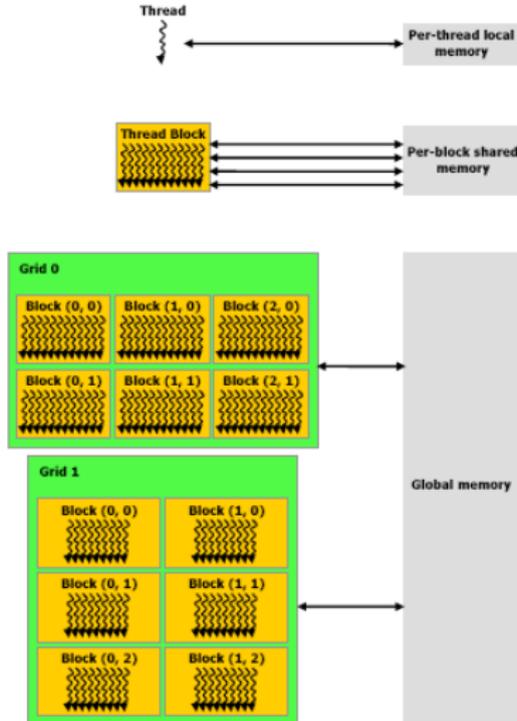
# Découpage en threads

	Matériel	Logiciel	Exécution	
	un Streaming Processor (SP)	<b>un thread</b>	séquentielle	<b>(a)</b>
	un Streaming MultiProcessor (SM)	<b>un bloc de threads</b> (plusieurs warps)	parallèle (SIMT)	<b>(b)</b>
	une carte GPU (device)	<b>une grille de threads</b> parallèle (MIMT) (kernel)		<b>(c)</b>

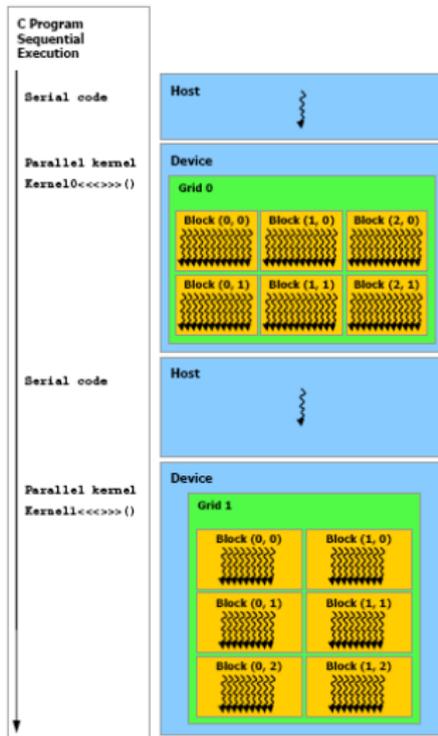
# Un **id** par thread et un **id** par bloc de threads



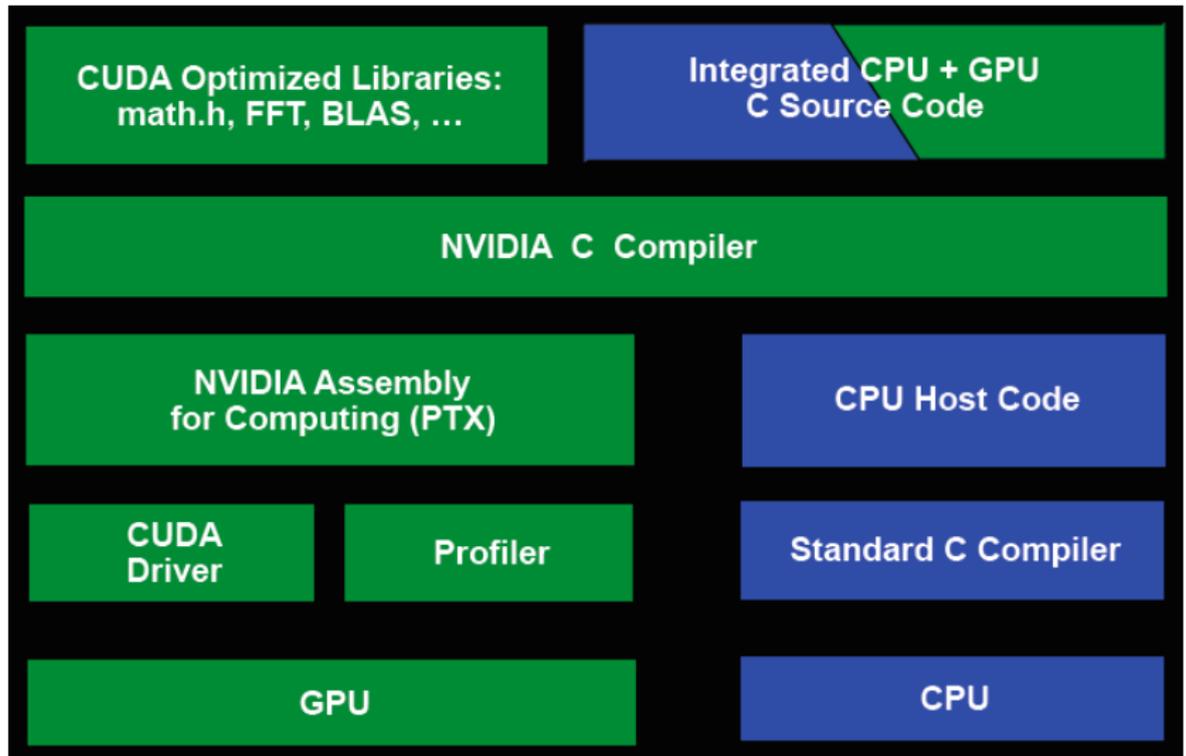
# Hiérarchie mémoire



# PC hôte et carte graphique



## Flot de développement logiciel



# Programmation GPU (1/2)

## ① Parallélisation de l'algorithme

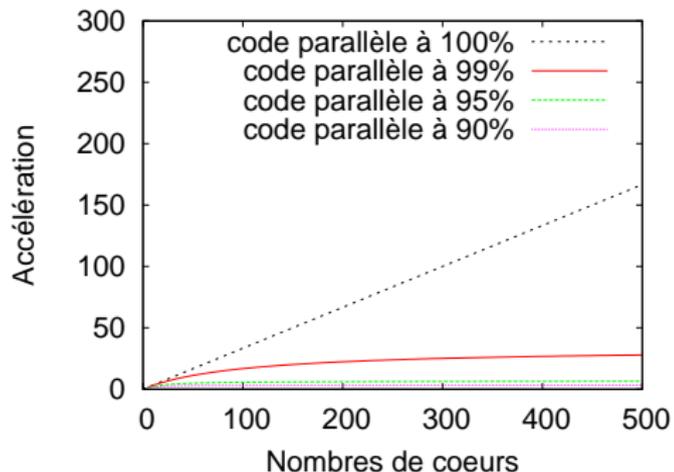
➤ nourrir en threads (plus ou moins indépendants) le GPU

n coeurs (1 Ghz)

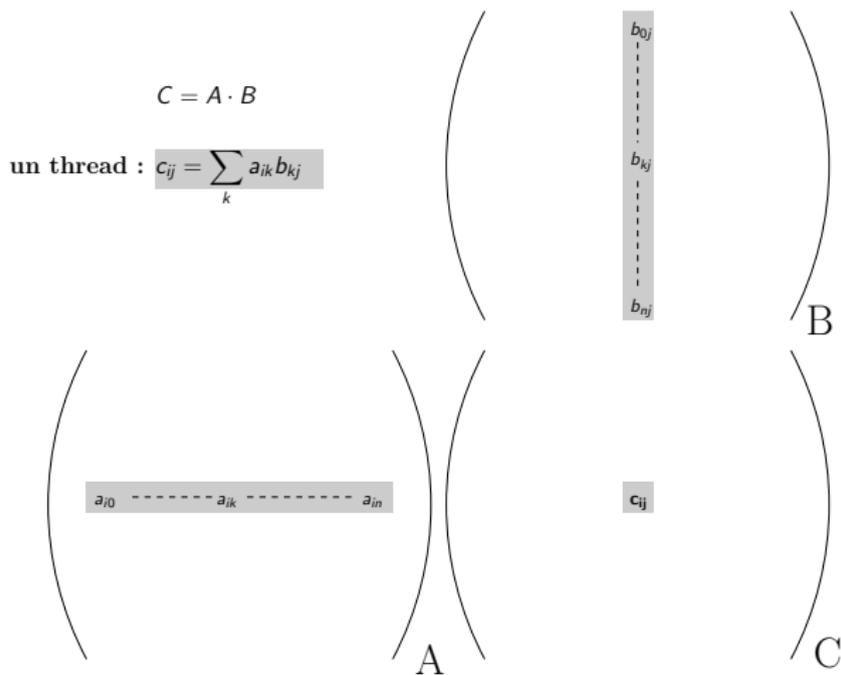
vs

1 coeur (3 Ghz)

taux de parallélisation	accélération GTX 200 (240 coeurs)
100 %	80
99 %	24
95 %	6
90 %	3



# Parallélisation du calcul matriciel

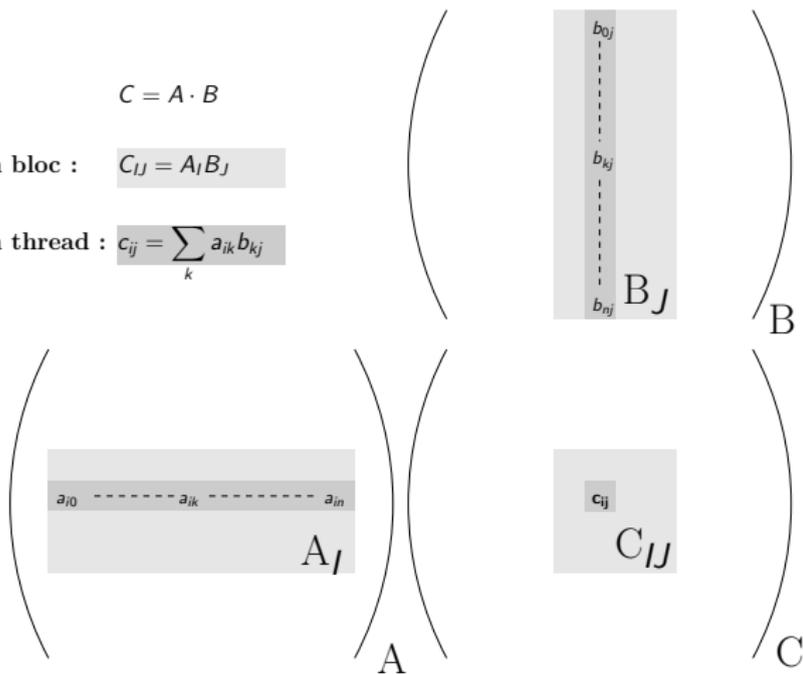


# Découpage en blocs de threads

$$C = A \cdot B$$

un bloc :  $C_{IJ} = A_I B_J$

un thread :  $c_{ij} = \sum_k a_{ik} b_{kj}$



## kernel = code des threads exécutés sur le GPU

```
__global__ void matrixMul_kernel( float* C, float* A, float* B,int matrix_size) {  
    float C_sum;  
    int i_first,j_first;  
    int i,j;  
  
    i_first=blockIdx.x*BLOCK_SIZE;  
    j_first=blockIdx.y*BLOCK_SIZE;  
  
    i=i_first+threadIdx.x;  
    j=j_first+threadIdx.y;  
  
    for (k = 0; k < matrix_size; k++)  
        C_sum += A[i][k] * B[k][j];  
  
    C[i][j] = C_sum;  
}
```

## Lancement du kernel depuis le PC hôte

```
#define BLOCK_SIZE 16  
void matrixMul_host(int N) {  
...  
//setup execution parameters  
dim3 threads(BLOCK_SIZE, BLOCK_SIZE);  
dim3 grid(N /BLOCK_SIZE , N /BLOCK_SIZE );  
//execute the kernel  
matrixMul<<< grid, threads >>>(C_device, A_device, B_device, N);  
...  
}
```

## Gestion de la mémoire GPU via le PC hôte

```
#define BLOCK_SIZE 16

void matrixMul_host(int N) {

// allocate host memory int mem_size=N^2*sizeof(float);
float* A_host = (float*) malloc(mem_size);
float* B_host = (float*) malloc(mem_size);
float* C_host = (float*) malloc(mem_size);

// allocate device memory
float* A_device,B_device,C_device;
cudaMalloc((void**) &A_device, mem_size);
cudaMalloc((void**) &B_device, mem_size);
cudaMalloc((void**) &C_device, mem_size);

// copy host memory to device cudaMemcpy(A_device, A_host, mem_size,cudaMemcpyHostToDevice);
cudaMemcpy(B_device, B_host, mem_size,cudaMemcpyHostToDevice);

//setup execution parameters
dim3 threads(BLOCK_SIZE, BLOCK_SIZE);
dim3 grid(N /BLOCK_SIZE , N /BLOCK_SIZE );

// execute the kernel
matrixMul<<< grid, threads >>>(C_device, A_device, B_device, N);

// copy result from device to host
cudaMemcpy(C_host, C_device, mem_size,cudaMemcpyDeviceToHost) ;

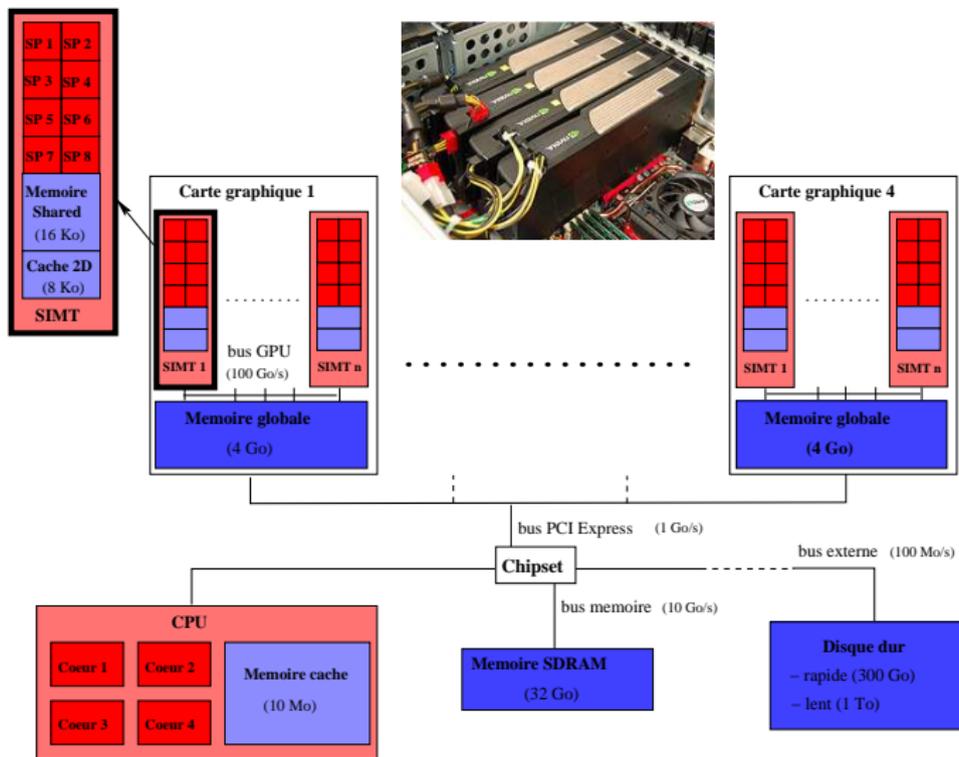
}
```

## Temps GPU

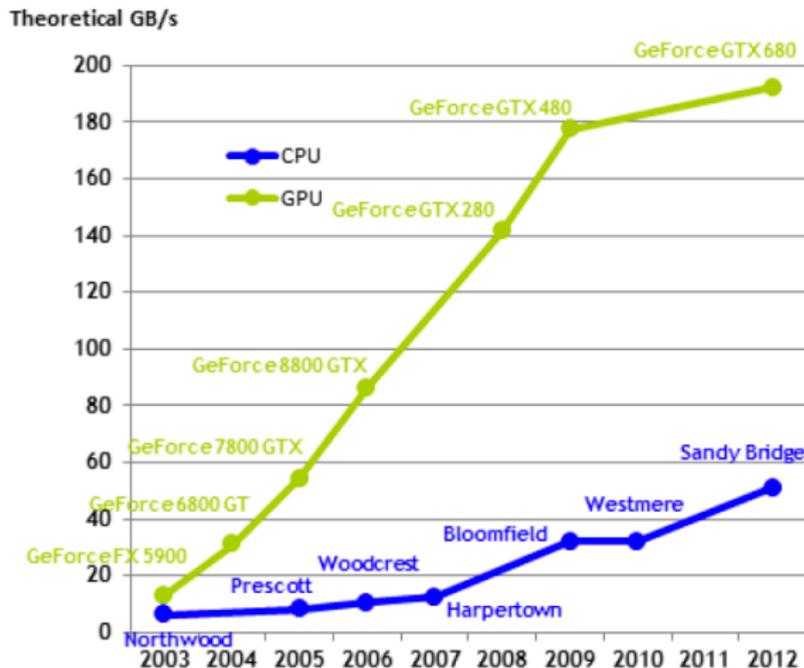
### Matrices de taille 1024·1024

	Processeur	Temps d'exécution	Transfert mémoire
C  code "naïf" non optimisé	Intel i5 3.33 Ghz	7.4 s	
Cuda	Geforce GT330 96 PE @1,34 Ghz	1.7 s (*4.5)	< 1%

# Le GPU, un consommateur de données



# Le GPU, un consommateur de données



## Programmation GPU (2/2)

### ① Parallélisation de l'algorithme

⇒ nourrir en threads (plus ou moins indépendants) le GPU

### ② Implémentation GPU

Selon l'intensité arithmétique du code (puissance de calcul exploitée / débit des données), l'exécution sera soit *memory bound* soit *computation bound*

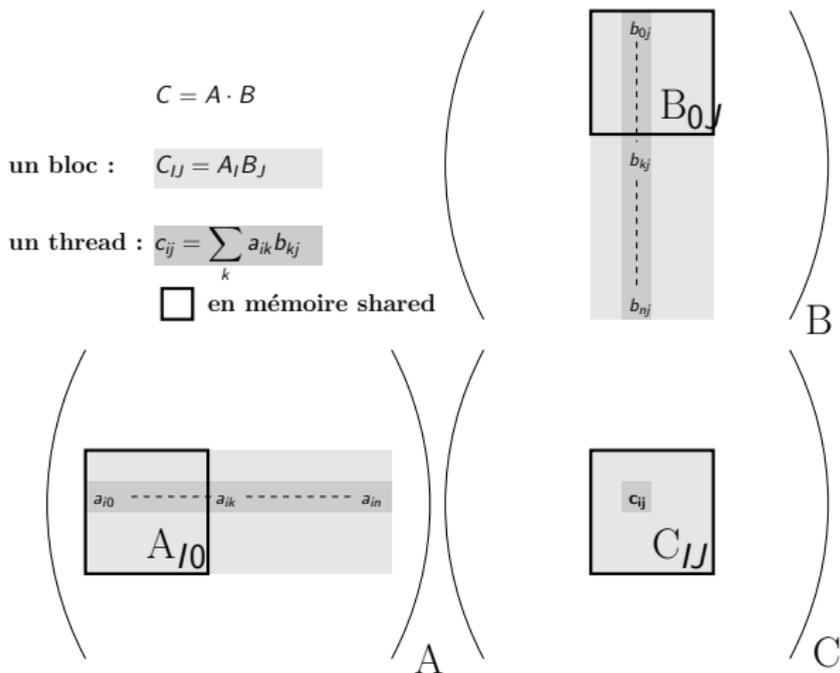
⇒ optimisation du code portera alors soit sur les **accès mémoire**, soit sur la **complexité arithmétique**

## Temps GPU

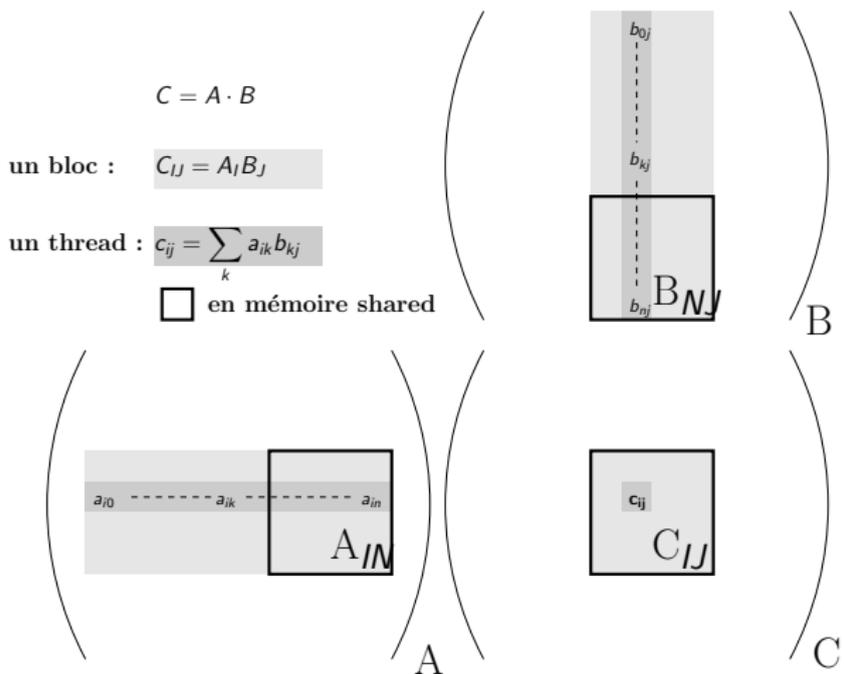
### Matrices de taille 1024·1024

	Processeur	Temps d'exécution	Transfert mémoire
C  code "naïf" non optimisé	Intel i5 3.33 Ghz	7.4 s	
Cuda	Geforce GT330 96 PE @1,34 Ghz	1.7 s ( <b>*4.5</b> )	< 1%
Cuda accès seq.	Geforce GT330 96 PE @1,34 Ghz	283 ms s ( <b>*5.9</b> )	2.3%

# Optimisation des accès mémoire



# Optimisation des accès mémoire

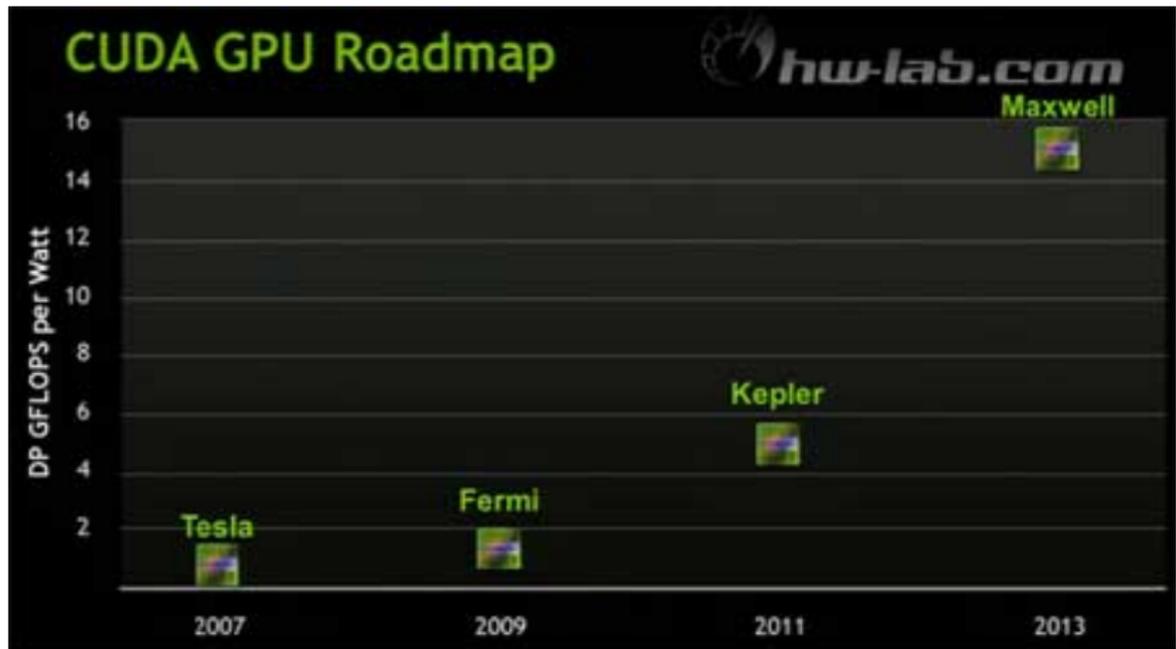


## Temps GPU

### Matrices de taille 1024·1024

	Processeur	Temps d'exécution	Transfert mémoire
C ⚠ code "naif" non optimisé	Intel i5 3.33 Ghz	7.4 s	
Cuda	Geforce GT330 96 PE @1,34 Ghz	1.7 s (*4.5)	< 1%
Cuda acces seq.	Geforce GT330 96 PE @1,34 Ghz	283 ms (*5.9)	2.3%
Cuda shared mem	Geforce GT330 96 PE @1,34 Ghz	38 ms (*9.2)	22%

# Le GPU, une architecture en constante évolution

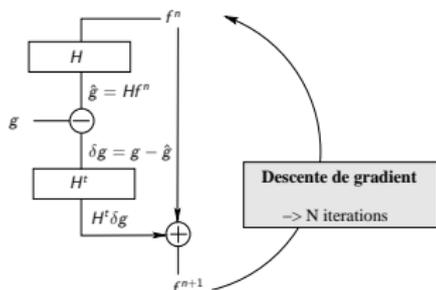


# Temps GPU avec une architecture FERMI (4.5 fois plus de coeurs + cache mémoire !)

## Matrices de taille 1024·1024

	Processeur	Temps d'exécution
C ⚠ code "naïf" non optimisé	Intel i5 3 Ghz	9,68 s
Cuda	Tesla 2050 448 PE @1,15 Ghz	164 ms (*59)
Cuda acces seq.	Tesla 2050 448 PE @1,15 Ghz	31 ms s (*5.3)
Cuda shared mem	Tesla 2050 448 PE @1,15 Ghz	12 ms s (*2.6)

## Algorithme itératif : moindres carrés



$$g = Hf + \epsilon$$

$f$  : objet observé

$g$  : mesure de l'instrument

$H$  : modèle d'acquisition

$\epsilon$  : bruit

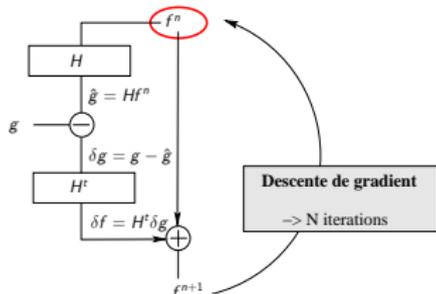
Descente de gradient

$$J(f) = \|g - Hf\|^2$$

$$f^{n+1} = f^n - \alpha \cdot \nabla J(f^n)$$

$$\nabla J(f) = -2 \cdot H^t(g - Hf)$$

## Algorithme itératif : moindres carrés



$f^n$  : Estimée du volume

$$g = Hf + \epsilon$$

$f$  : objet observé

$g$  : mesure de l'instrument

$H$  : modèle d'acquisition

$\epsilon$  : bruit

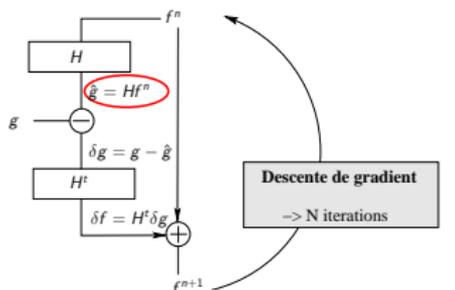
Descente de gradient

$$J(f) = \|g - Hf\|^2$$

$$f^{n+1} = f^n - \alpha \cdot \nabla J(f^n)$$

$$\nabla J(f) = -2 \cdot H^t(g - Hf)$$

## Algorithme itératif : moindres carrés



$\hat{g}$  : Estimée des données

$$g = Hf + \epsilon$$

$f$  : objet observé

$g$  : mesure de l'instrument

$H$  : modèle d'acquisition

$\epsilon$  : bruit

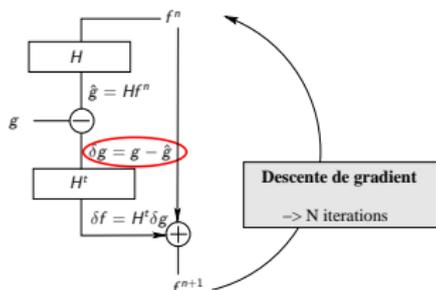
Descente de gradient

$$J(f) = \|g - Hf\|^2$$

$$f^{n+1} = f^n - \alpha \cdot \nabla J(f^n)$$

$$\nabla J(f) = -2 \cdot H^t(g - Hf)$$

## Algorithme itératif : moindres carrés



$\delta g$  : Correction des données

$$g = Hf + \epsilon$$

$f$  : objet observé

$g$  : mesure de l'instrument

$H$  : modèle d'acquisition

$\epsilon$  : bruit

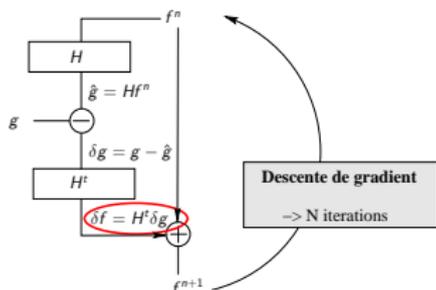
Descente de gradient

$$J(f) = \|g - Hf\|^2$$

$$f^{n+1} = f^n - \alpha \cdot \nabla J(f^n)$$

$$\nabla J(f) = -2 \cdot H^t(g - Hf)$$

## Algorithme itératif : moindres carrés



$\delta f$  : Correction du volume

$$g = Hf + \epsilon$$

$f$  : objet observé

$g$  : mesure de l'instrument

$H$  : modèle d'acquisition

$\epsilon$  : bruit

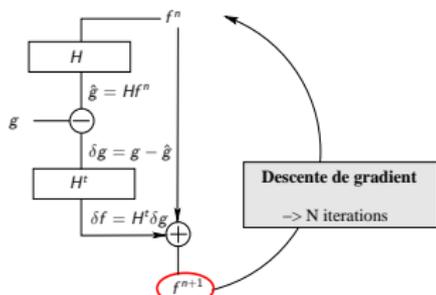
Descente de gradient

$$J(f) = \|g - Hf\|^2$$

$$f^{n+1} = f^n - \alpha \cdot \nabla J(f^n)$$

$$\nabla J(f) = -2 \cdot H^t(g - Hf)$$

## Algorithme itératif : moindres carrés



$f^{n+1}$  : Nouvelle estimée du volume

$$g = Hf + \epsilon$$

$f$  : objet observé

$g$  : mesure de l'instrument

$H$  : modèle d'acquisition

$\epsilon$  : bruit

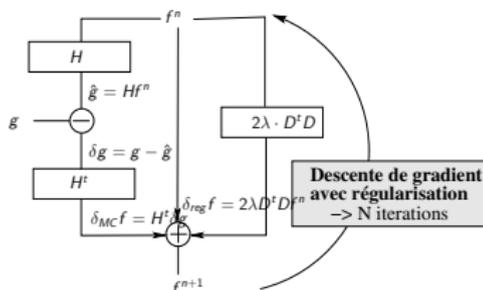
Descente de gradient

$$J(f) = \|g - Hf\|^2$$

$$f^{n+1} = f^n - \alpha \cdot \nabla J(f^n)$$

$$\nabla J(f) = -2 \cdot H^t(g - Hf)$$

## Algorithme itératif : moindres carrés + régularisation



$$g = Hf + \epsilon$$

$f$  : objet observé

$g$  : mesure de l'instrument

$H$  : modèle d'acquisition

$\epsilon$  : bruit

### Descente de gradient régularisée

$$J(f) = J_{MC} f) + J_{reg}(f)$$

$$J_{MC}(f) = \|g - Hf\|^2$$

$$J_{reg}(f) = \lambda \|Df\|^2$$

$$f^{n+1} = f^n - \alpha \cdot (\nabla J_{MC}(f^n) + \nabla J_{reg}(f^n))$$

$$\nabla J_{MC}(f) = -2 \cdot H^t (g - Hf)$$

$$\nabla J_{reg}(f) = 2\lambda \cdot D^t Df$$

# Correction de vibrations mécaniques par déconvolution 1D

Collaboration avec l'IDES de l'Univ. Paris-Sud (F. Schmidt)

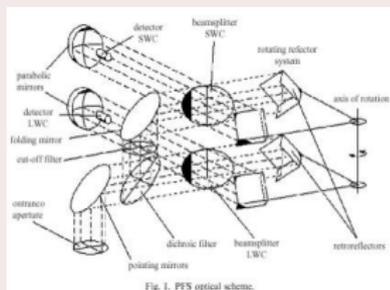
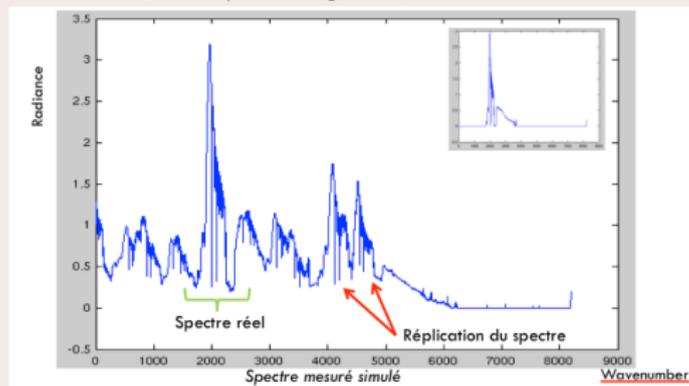


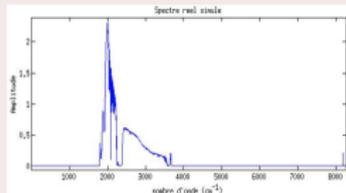
Fig. 1. PFS optical scheme.

Instrument PFS (Planetary Fourier Spectrum) de la mission MARS EXPRESS



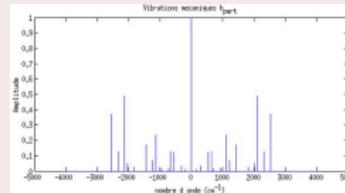
# Correction de vibrations mécaniques par déconvolution 1D

## Instrument modélisé par une convolution 1D



x (spectre réel)

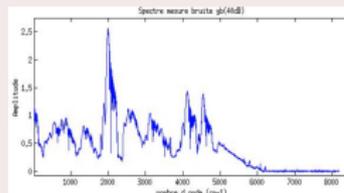
\*



h (instrument PFS)

=

y (spectre mesuré)



## Taille gigantesque des données

Des années d'enregistrements de la mission MARS EXPRESS (2003) donc potentiellement 1 milliard de spectres (de 8192 échantillons) !

## Déconvolution 2D

Restauration d'image (instrument modélisé par une convolution2D)



Image source  
 $f$

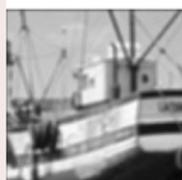


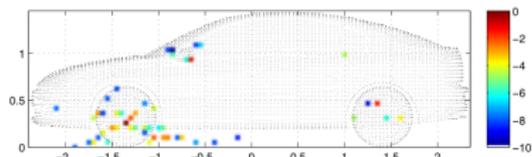
Image acquise  
 $g = Hf + \epsilon$



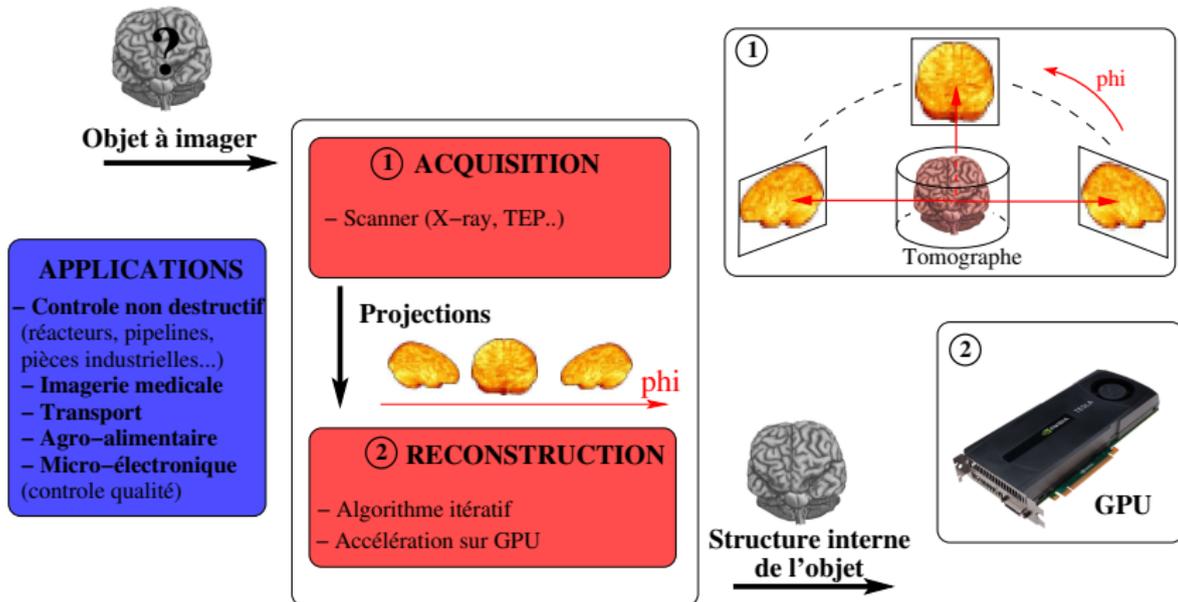
Image déconvoluée  
 $\hat{f}$

Localisation de sources acoustiques (structure itérative et  $H =$  convolution 2D)

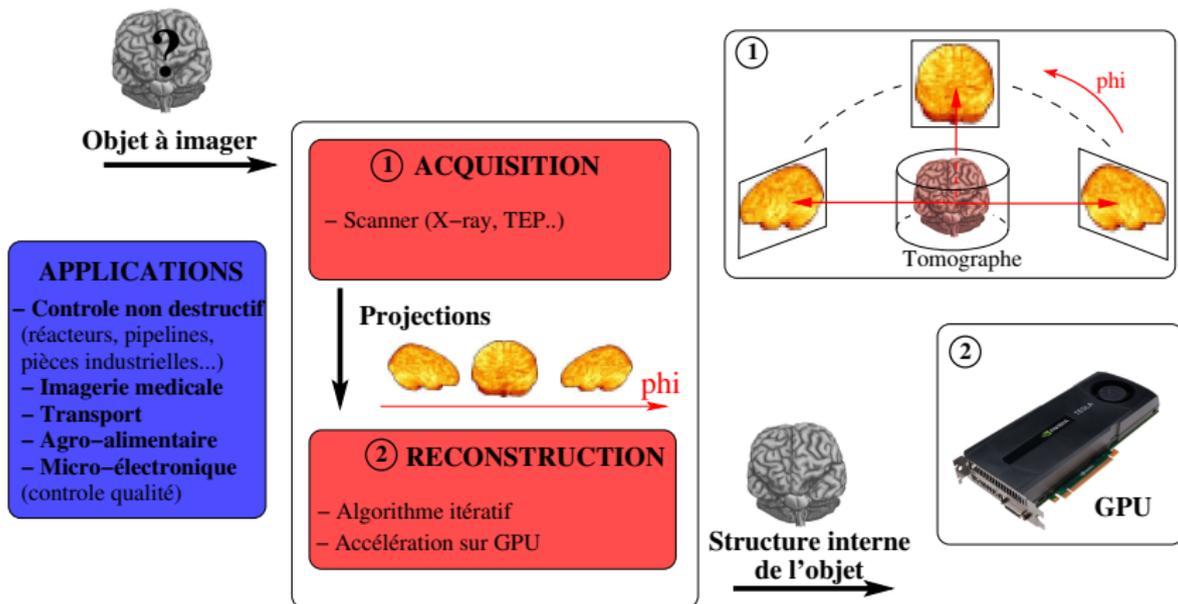
Thèse Ning CHU au GPI/L2S (direction : A.Djafari) en collaboration avec Supélec (José Picheral)



# Algorithmes de reconstruction tomographique



# Algorithmes de reconstruction tomographique



## Reconstruction Tomographique 3D pour le Dentaire

Thèse de Long Chen au GPI/L2S (direction : Thomas Rodet) en collaboration avec Carestream Dental

## Calcul de $Hf$ et $H^t \delta g$ : choix de la méthode

### 1 Calcul matriciel

↪ lecture des coefficients  $h_{ij}$  dans la mémoire SDRAM

⚠ volume  $2048^3$  → matrice  $H = 1$  To !

## Calcul de $Hf$ et $H^t\delta g$ : choix de la méthode

### ① Calcul matriciel

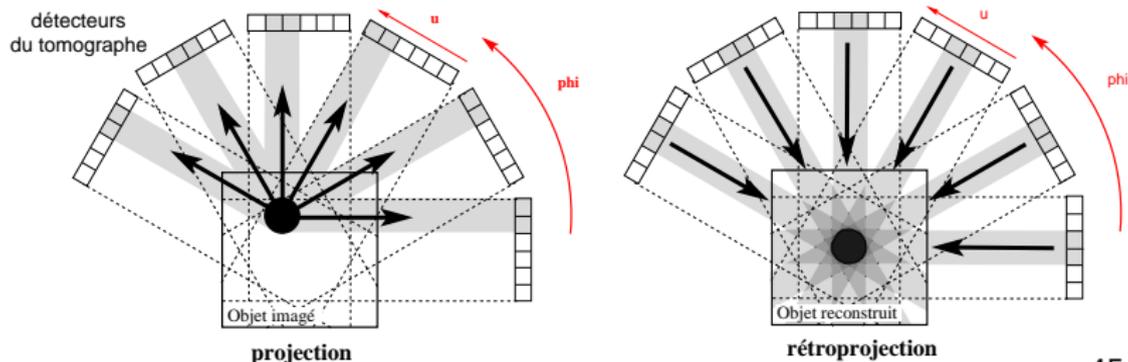
↳ lecture des coefficients  $h_{ij}$  dans la mémoire SDRAM

⚠ volume  $2048^3$  - > matrice  $H = 1$  To !

### ② Opérateurs géométriques

↳ calcul en ligne des coefficients  $h_{ij}$

Paire de projection/rétroprojection en tomographie à émission (géométrie parallèle)



- 1 Accélération matérielle sur GPU
- 2 Problèmes inverses
- 3 Parallélisation GPU de  $H$  et  $H^t$** 
  - [Deconv1D] Convolution 1D ( $H$  et  $H^t$ ) sur GPU
  - [Tomo3D] Projection ( $H$ ) sur GPU
  - [Tomo3D] Rétroprojection ( $H^t$ ) sur GPU
  - [Tomo3D] Volumes et temps de reconstruction
  - Temps de transfert PC-GPU
- 4 Parallélisation multi-GPU
- 5 Bibliothèques, Matlab, Outils, Formations...

## Deconvolution1D avec conv1D Matlab/C/GPU

### Test sur un PC avec une Tesla 2050

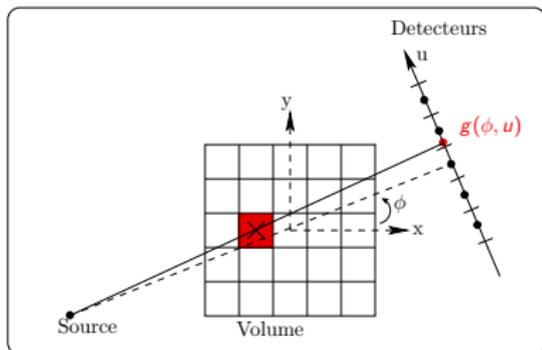
- 100 itérations de l'algorithme des moindres carrés régularisés.
- Traitement de 512 vecteurs de 8192 échantillons.

version	H, Ht	boucle	Temps	Acc.
v1	Matlab	Matlab	49,3h	
v2	C	Matlab	5,6h	<b>*8,8</b>
v3	GPU	Matlab	27,3 mn	<b>*12,3</b>
v4	GPU	C	20,5 mn	<b>*1,33</b>



## Rétroprojection 2D : algorithme

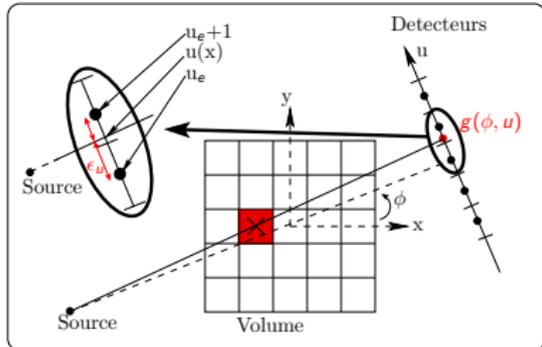
### CALCUL DES COORDONNEES



```
for (xn, yn) in Volume do  
  for phi = 0 to phimax - 1 do  
    // Calcul des coordonnées  
    u(phi, xn, yn) = ...  
    // Accumulation  
    f*(xn, yn) += g(u, phi)  
  end for  
end for
```

## Rétroprojection 2D : interpolation linéaire

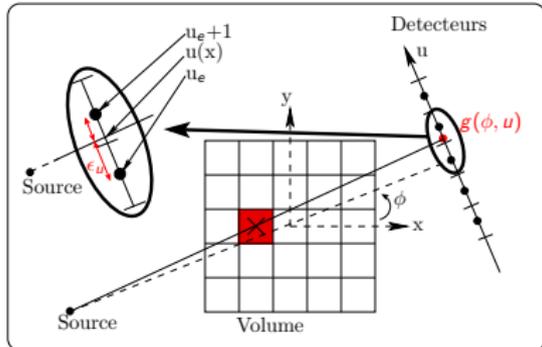
CALCUL DES COORDONNEES



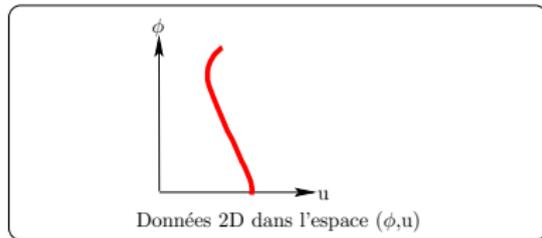
```
for (xn, yn) in Volume do
  for phi = 0 to phi_max - 1 do
    // Calcul des coordonnées
    u(phi, xn, yn) = ...
    // Interpolation linéaire
    g_interp = (1 - epsilon_u) * g(phi, u_e) +
              epsilon_u * g(phi, u_e + 1)
    // Accumulation
    f*(xn, yn) += g_interp
  end for
end for
```

## Rétroprojection 2D : accès aux données dispersés

### CALCUL DES COORDONNEES



### ACCES AUX DONNEES $g(\phi, u)$

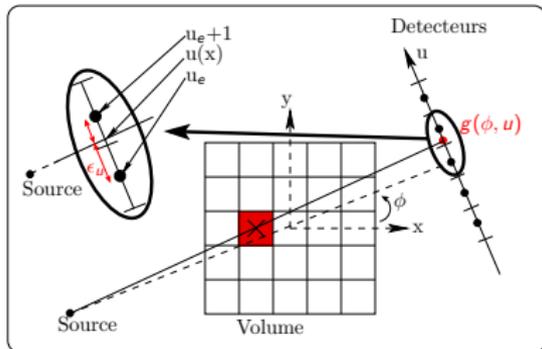


```

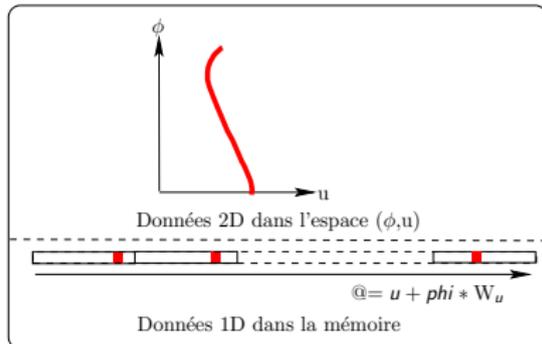
for (xn, yn) in Volume do
  for phi = 0 to phi_max - 1 do
    // Calcul des coordonnées
    u(phi, xn, yn) = ...
    // Interpolation linéaire
    g_interp = (1 - epsilon_u) * g(phi, u_e) +
               epsilon_u * g(phi, u_e + 1)
    // Accumulation
    f*(xn, yn) += g_interp
  end for
end for
    
```

# Rétroprojection 2D : accès aux données dispersés

## CALCUL DES COORDONNEES



## ACCES AUX DONNEES $g(\phi, u)$

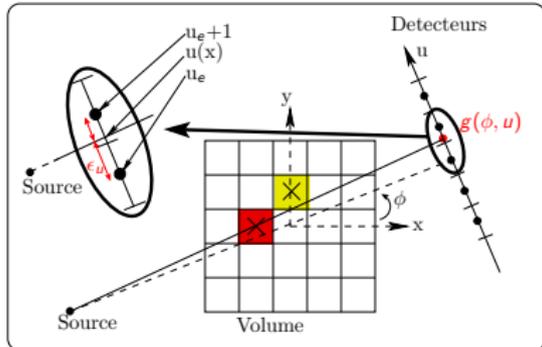


```

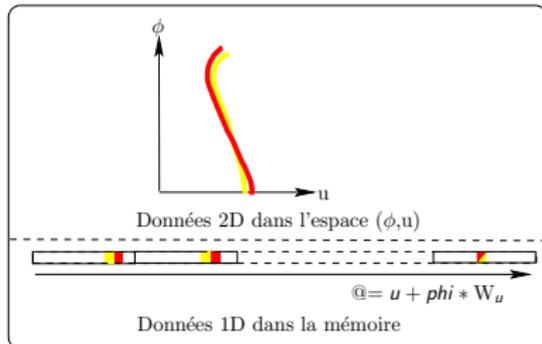
for (xn, yn) in Volume do
  for phi = 0 to phi_max - 1 do
    // Calcul des coordonnées
    u(phi, xn, yn) = ...
    // Interpolation linéaire
    g_interp = (1 - epsilon_u) * g(phi, u_e) +
               epsilon_u * g(phi, u_e + 1)
    // Accumulation
    f*(xn, yn) += g_interp
  end for
end for
    
```

## Rétroprojection 2D : accès aux données dispersés

### CALCUL DES COORDONNEES



### ACCES AUX DONNEES $g(\phi, u)$

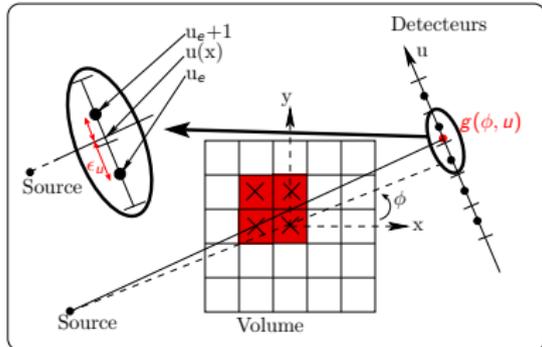


```

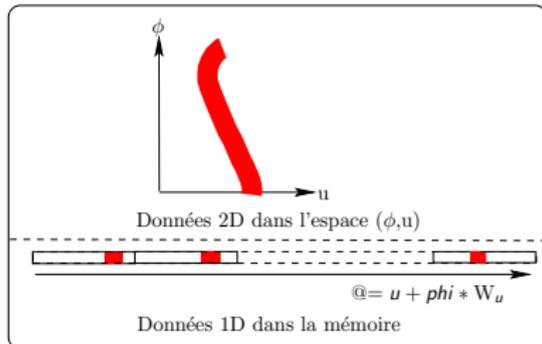
for (xn, yn) in Volume do
  for phi = 0 to phi_max - 1 do
    // Calcul des coordonnées
    u(phi, xn, yn) = ...
    // Interpolation linéaire
    g_interp = (1 - epsilon_u) * g(phi, u_e) +
               epsilon_u * g(phi, u_e + 1)
    // Accumulation
    f*(xn, yn) += g_interp
  end for
end for
    
```

# Rétroprojection 2D par bloc : accès aux données localisés

## CALCUL DES COORDONNEES



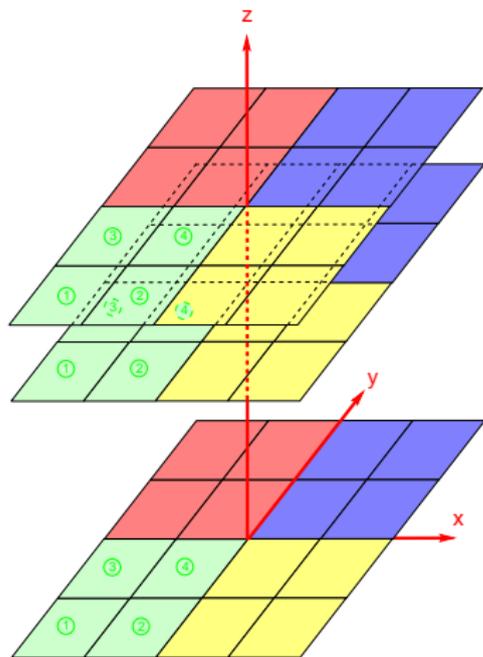
## ACCES AUX DONNEES $g(\phi, u)$



```

for (Bx, By) in Volume do
  for phi = 0 to phi_max - 1 do
    for (xn, yn) in Bloc do
      // Calcul des coordonnées
      u(phi, xn, yn) = ...
      // Interpolation linéaire
      g_interp = (1 - epsilon_u) *
        g(phi, u_e) + epsilon_u * g(phi, u_e + 1)
      // Accumulation
      f*(xn, yn)+ = g_interp
    end for
  end for
end for
end for
end for
    
```

## Découpage en threads de la rétroprojection 3D



### (a) Calcul séquentiel sur un PE

- Boucle sur  $z$
- Boucle sur  $\phi$

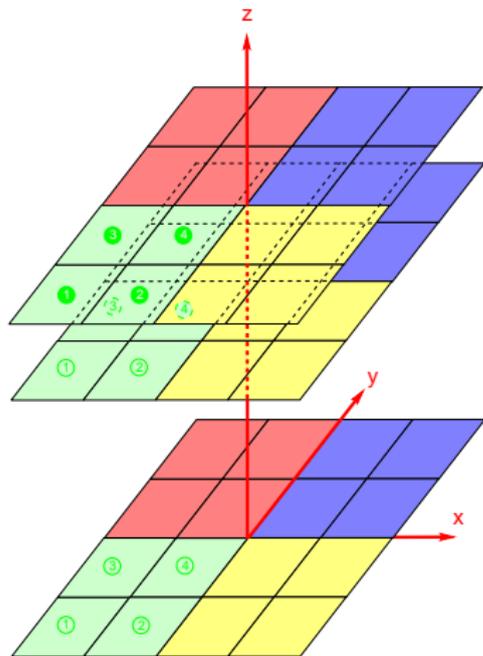
### (b) Calcul parallèle sur un proc. SIMT

- Boucle sur  $(x,y)$

### (c) Calcul parallèle sur une carte

- Boucle sur les blocs  $(B_x, B_y, B_z)$

## Découpage en threads de la rétroprojection 3D



### (a) Calcul séquentiel sur un PE

- Boucle sur  $z$
- Boucle sur  $\phi$

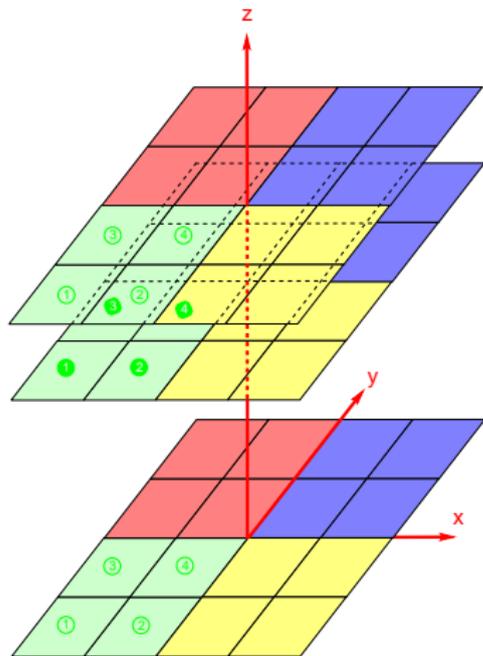
### (b) Calcul parallèle sur un proc. SIMT

- Boucle sur  $(x,y)$

### (c) Calcul parallèle sur une carte

- Boucle sur les blocs  $(B_x, B_y, B_z)$

## Découpage en threads de la rétroprojection 3D



### (a) Calcul séquentiel sur un PE

- Boucle sur  $z$
- Boucle sur  $\phi$

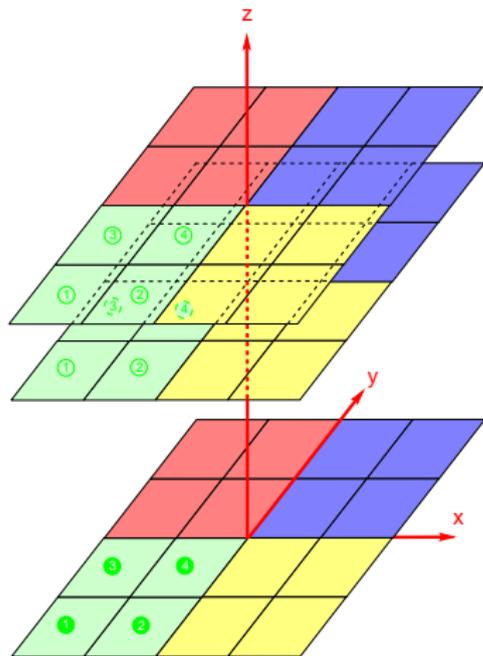
### (b) Calcul parallèle sur un proc. SIMT

- Boucle sur  $(x,y)$

### (c) Calcul parallèle sur une carte

- Boucle sur les blocs  $(B_x, B_y, B_z)$

## Découpage en threads de la rétroprojection 3D



### (a) Calcul séquentiel sur un PE

- Boucle sur  $z$
- Boucle sur  $\phi$

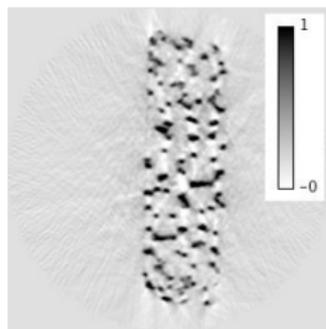
### (b) Calcul parallèle sur un proc. SIMT

- Boucle sur  $(x,y)$

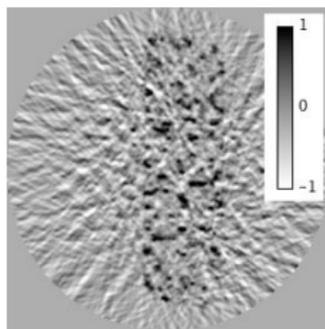
### (c) Calcul parallèle sur une carte

- Boucle sur les blocs  $(B_x, B_y, B_z)$

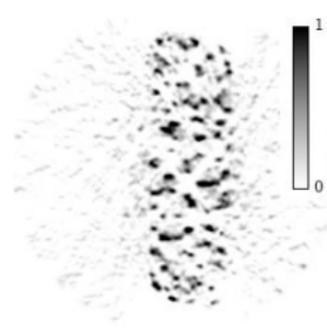
## mousses de nickel $256^{**}3$ (données CEA-LIST)



(a)



(b)



(c)

Reconstructions d'une mousse  $256^3$  à partir de  $N$  projections sur le plan  $256^2$  de détecteurs : méthode directe FDK avec  $N=256$  (a) et  $N=32$  (b); méthode MCRQ avec  $N=32$  (c).

Travaux réalisés dans le cadre du projet DIGITEO TOMOX

Collaboration avec le CEA-LIST (Alexandre Vabre)

## Temps de reconstruction mono-GPU

Opérateurs	Temps de calcul	
	v1	v2
Projection $2 \times H_P$	4.1 h (42.5 %)	7.1 mn (64.9 %) → × <b>35</b>
Rétroprojection $H_{RP}^t$	5.5 h (56.9 %)	21.8 s (3.3 %) → × <b>908</b>
Convolution $3 \times D$	3.2 mn (0.6 %)	3.2 mn (29.2 %)
Autre	17 s (0.0 %)	17 s (2.6 %)
<b>Total</b>	9.7 h	10.9 mn → × <b>53</b>

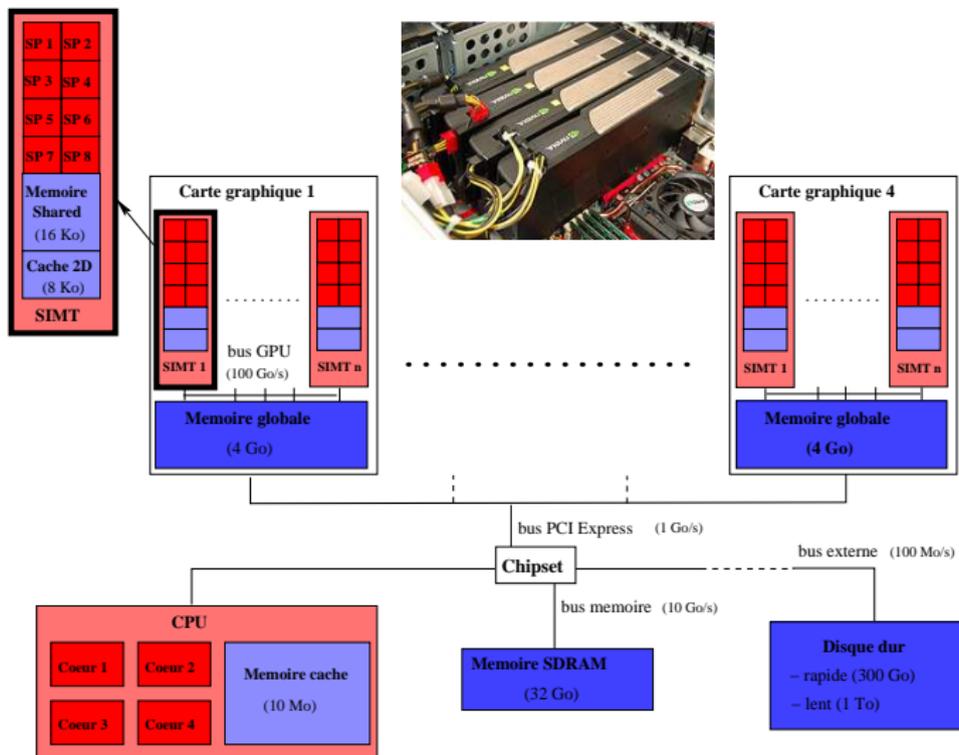
v1 :  $H_P$ ,  $H_{RP}^t$  et  $D$  sur CPU (⚠ code "naïf" non optimisé)

v2 :  $H_P$  et  $H_{RP}^t$  sur 1 GPU,  $D$  sur CPU

v3 :  $H_P$  et  $H_{RP}^t$  sur 8 GPUs,  $D$  sur CPU

v4 :  $H_P$  et  $H_{RP}^t$  sur 8 GPUs,  $D$  sur 1 GPU

# Transfert mémoire PC-GPU



## [Deconv1D] Tous les calculs sur le GPU

### Test sur un PC avec une Tesla 2050

- 100 itérations de l'algorithme des moindres carrés régularisés.
- Traitement de 512 vecteurs de 8192 échantillons.

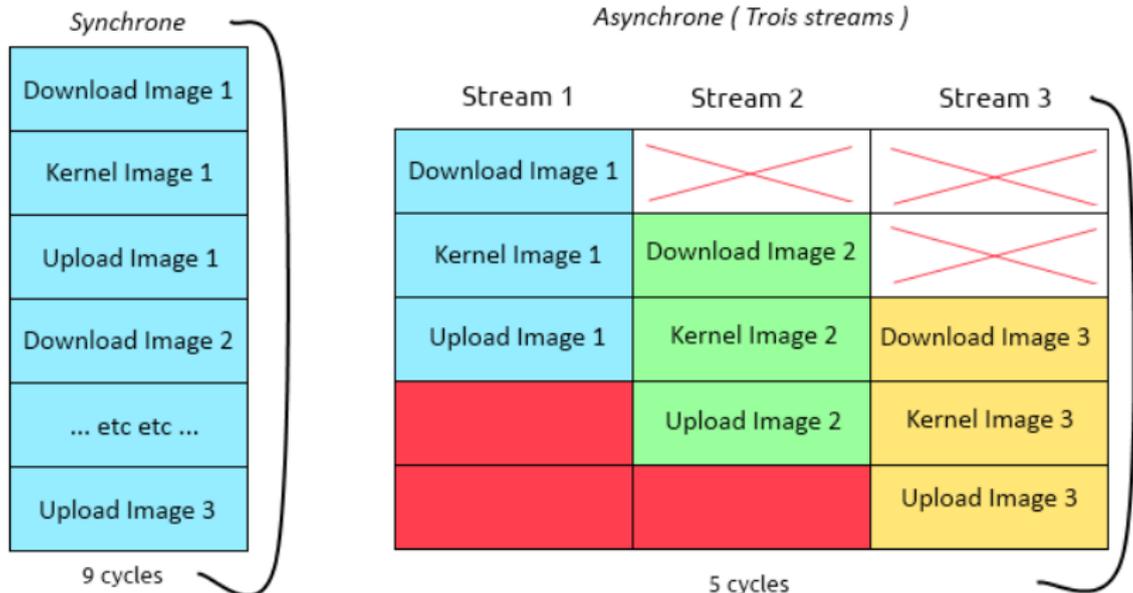
version	H, Ht	boucle	Temps	Acc.
v1	Matlab	Matlab	49,3h	
v2	C	Matlab	5,6h	<b>*8,8</b>
v3	GPU	Matlab	27,3 mn	<b>*12,3</b>
v4	GPU	C	20,5 mn	<b>*1,8</b>
v5	GPU	GPU	11,3 mn	<b>*1,33</b>

## [Tomo3D] Temps de transfert mémoire PC - GPU

	<b>1 GPU</b>
Projecteur $H_P$	10 %
Rétroprojecteur $H_{RP}^t$	1.4 %
Convolution $D$	68.9 %

Proportion du temps de traitement consacré au transfert mémoire entre le PC et la carte graphique pour chaque opérateur lors de la reconstruction d'un volume de  $1024^3$  à partir de 256 projections.

## Streams : masquage du temps de transfert PC-GPU



*Différence entre synchrone et asynchrone*

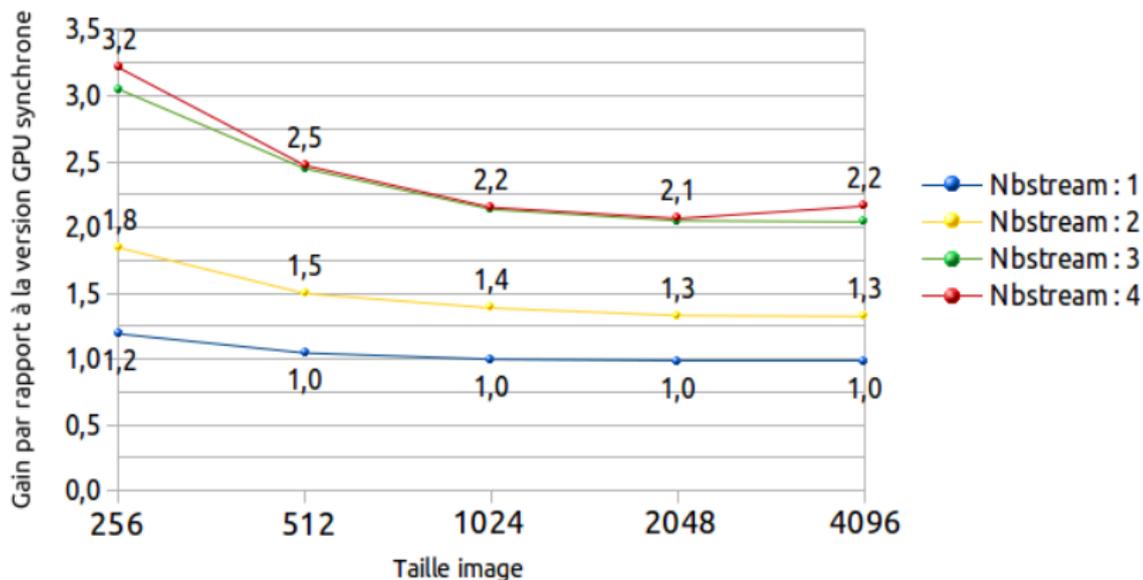
## [Conv2D] Répartition temps de calcul / temps de transfert

Convolution avec un noyau  $7^2$  d'une séquence de 100 images  $1024^2$  sur une Tesla C2050

- Chargement mémoire (PC  $\rightarrow$  GPU) : 30 %
- Calcul du kernel CUDA (GPU) : 40 %
- Déchargement mémoire (GPU  $\rightarrow$  PC) : 30 %

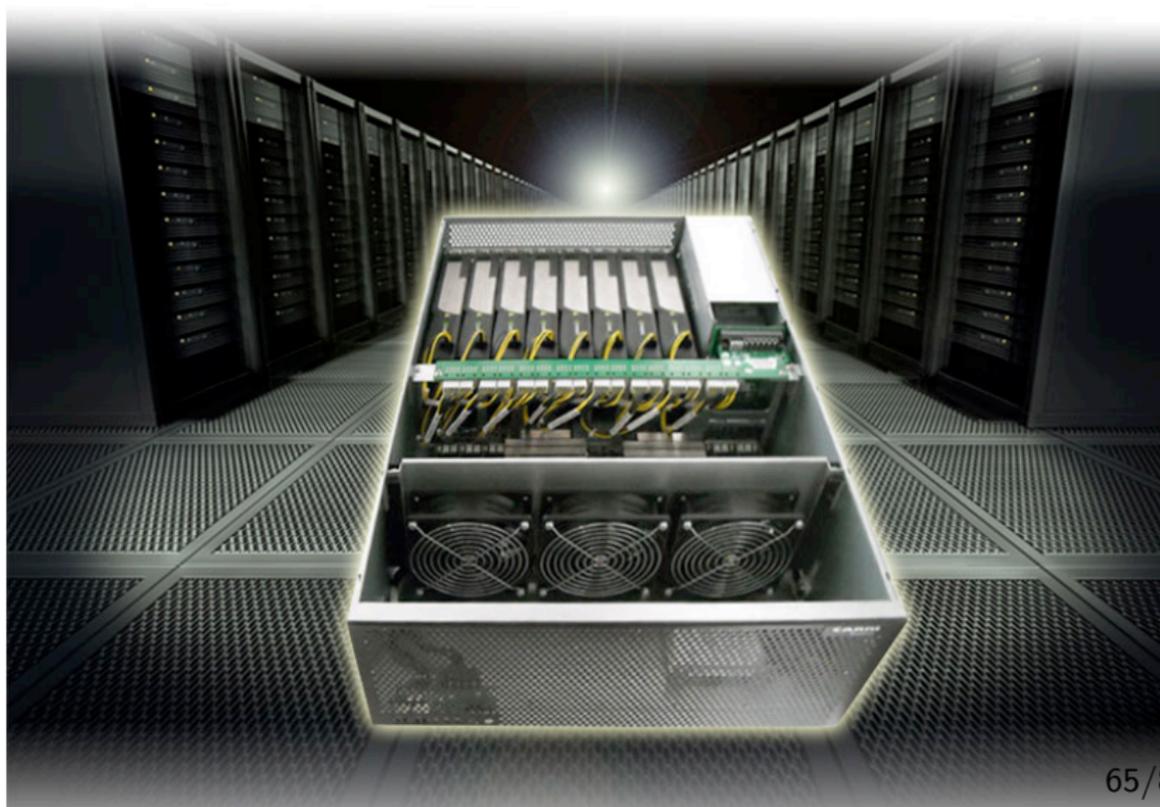
# [Conv2D] Accélération obtenue grâce aux streams (Tesla C2060)

Accélération de la convolution d'une séquence d'images (noyau  $7*7$ ) par rapport à la version synchrone (Sans streams)



- 1 Accélération matérielle sur GPU
- 2 Problèmes inverses
- 3 Parallélisation GPU de  $H$  et  $H^t$
- 4 Parallélisation multi-GPU**
  - [Deconv1D] Parallélisation multi-GPU du traitement de différents jeux de données
  - [Tomo3D] Parallélisation multi-GPU des opérateurs  $H$  et  $H^t$
- 5 Librairies, Matlab, Outils, Formations...
- 6 Conclusion

## Serveur de calcul Carri - 8 Tesla C1060



## [Deconv1D] Parallélisation sur un GPU selon les vecteurs (en plus des échantillons)

Test sur un PC avec une Tesla 2050

- 100 itérations de l'algorithme des moindres carrés régularisés.
- Traitement de 512 vecteurs de 8192 échantillons.

version	H, Ht	boucle	Temps	Acc.
v1	Matlab	Matlab	49,3h	
v2	C	Matlab	5,6h	<b>*8,8</b>
v3	GPU	Matlab	27,3 mn	<b>*12,3</b>
v4	GPU	C	20,5 mn	<b>*1,8</b>
v5	GPU	GPU	11,3 mn	<b>*1,33</b>
v6	GPU (vecteurs //)	GPU (vecteurs //)	8,1 mn	<b>*1,4</b>

## [Deconv1D] Parallélisation multi GPU selon les vecteurs

Temps extrapolé à partir de mesures faites sur un PC avec 8 Tesla 1060

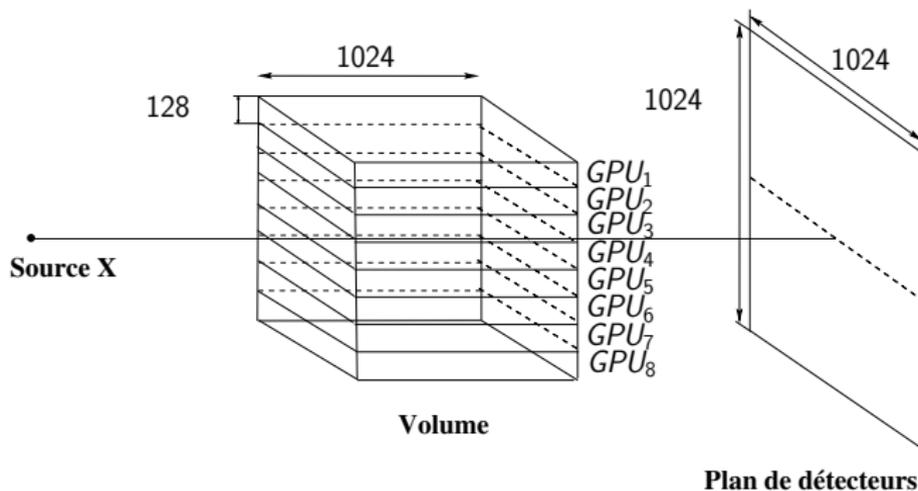
- 100 itérations de l'algorithme des moindres carrés régularisés.
- Traitement de 512 vecteurs de 8192 échantillons.

version	H, Ht	boucle	Temps	Acc.
v1	Matlab	Matlab	49,3h	
v2	C	Matlab	5,6h	<b>*8,8</b>
v3	GPU	Matlab	27,3 mn	<b>*12,3</b>
v4	GPU	C	20,5 mn	<b>*1,8</b>
v5	GPU	GPU	11,3 mn	<b>*1,33</b>
v6	GPU (vecteurs //)	GPU (vecteurs //)	8,1 mn	<b>*1,4</b>
v7	8 GPUs (vecteurs //)	8 GPUs (vecteurs //)	1.0 mn	<b>*7,9</b>

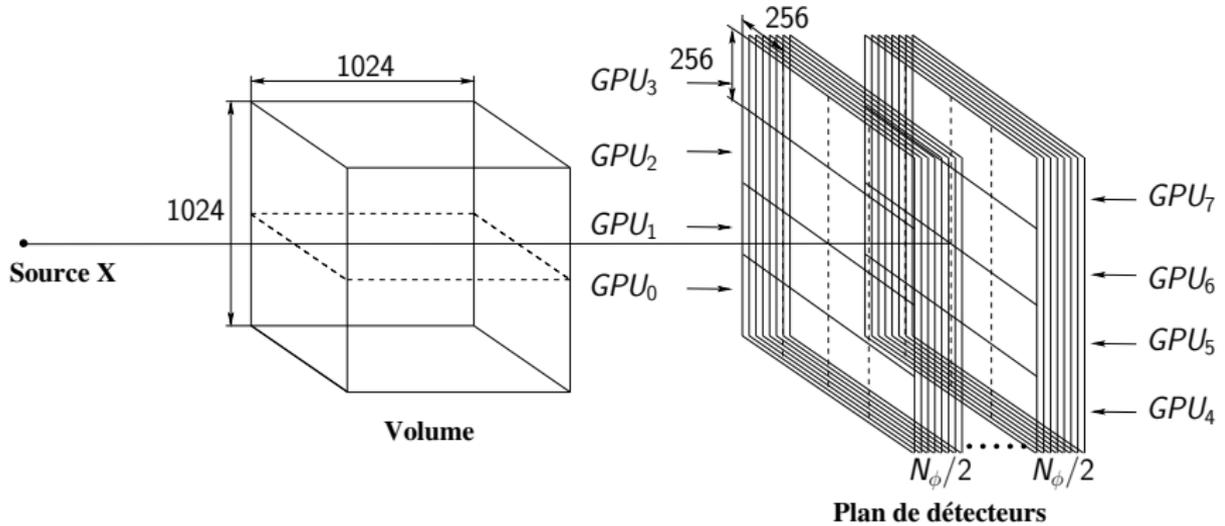
Traitement d'un milliard de spectres

- 4 ans seraient nécessaires
- Si les GPUs doublent leur puissance de calcul tous les deux ans, dans 30 ans le traitement se ferait en une heure (...mais quid de la consommation d'énergie ? )

## Parallélisation multi-GPU de la rétroprojection 3D



# Parallélisation multi-GPU de la projection 3D



## Temps de reconstruction multi-GPUs

Opérateurs	Temps de calcul		
	v1	v2	v3
Projection $2 \times H_P$	4.1 h (42.5 %)	7.1 mn (64.9 %) → × <b>35</b>	57 s (21.1 %) → × <b>7</b>
Rétroprojection $H_{RP}^t$	5.5 h (56.9 %)	21.8 s (3.3 %) → × <b>908</b>	4.0 s (1.5 %) → × <b>5</b>
Convolution $3 \times D$	3.2 mn (0.6 %)	3.2 mn (29.2 %)	3.2 mn (71.1 %)
Autre	17 s (0.0 %)	17 s (2.6 %)	17 s (6.3 %)
<b>Total</b>	9.7 h	10.9 mn → × <b>53</b>	4.5 mn → × <b>2.4</b>

v1 :  $H_P$ ,  $H_{RP}^t$  et  $D$  sur CPU (⚠ code "naïf" non optimisé)  
 v2 :  $H_P$  et  $H_{RP}^t$  sur 1 GPU,  $D$  sur CPU  
 v3 :  $H_P$  et  $H_{RP}^t$  sur 8 GPUs,  $D$  sur CPU

## Temps de reconstruction multi-GPUs + conv3D GPU

Opérateurs	Temps de calcul			
	v1	v2	v3	v4
Projection $2 \times H_P$	4.1 h (42.5 %)	7.1 mn (64.9 %)	57 s (21.1 %)	57 s (63.3 %)
		→ × <b>35</b>	→ × <b>7</b>	
Rétroprojection $H_{RP}^t$	5.5 h (56.9 %)	21.8 s (3.3 %)	4.0 s (1.5 %)	4.0 s (4.4 %)
		→ × <b>908</b>	→ × <b>5</b>	
Convolution $3 \times D$	3.2 mn (0.6 %)	3.2 mn (29.2 %)	3.2 mn (71.1 %)	12.1 s (13.4 %)
			→ × <b>16</b>	
Autre	17 s (0.0 %)	17 s (2.6 %)	17 s (6.3 %)	17 s (18.9 %)
<b>Total</b>	9.7 h	10.9 mn → × <b>53</b>	4.5 mn → × <b>2.4</b>	1.5 mn → × <b>3.0</b>

v1 :  $H_P$ ,  $H_{RP}^t$  et  $D$  sur CPU (⚠ code "naïf" non optimisé)

v2 :  $H_P$  et  $H_{RP}^t$  sur 1 GPU,  $D$  sur CPU

v3 :  $H_P$  et  $H_{RP}^t$  sur 8 GPUs,  $D$  sur CPU

v4 :  $H_P$  et  $H_{RP}^t$  sur 8 GPUs,  $D$  sur 1 GPU

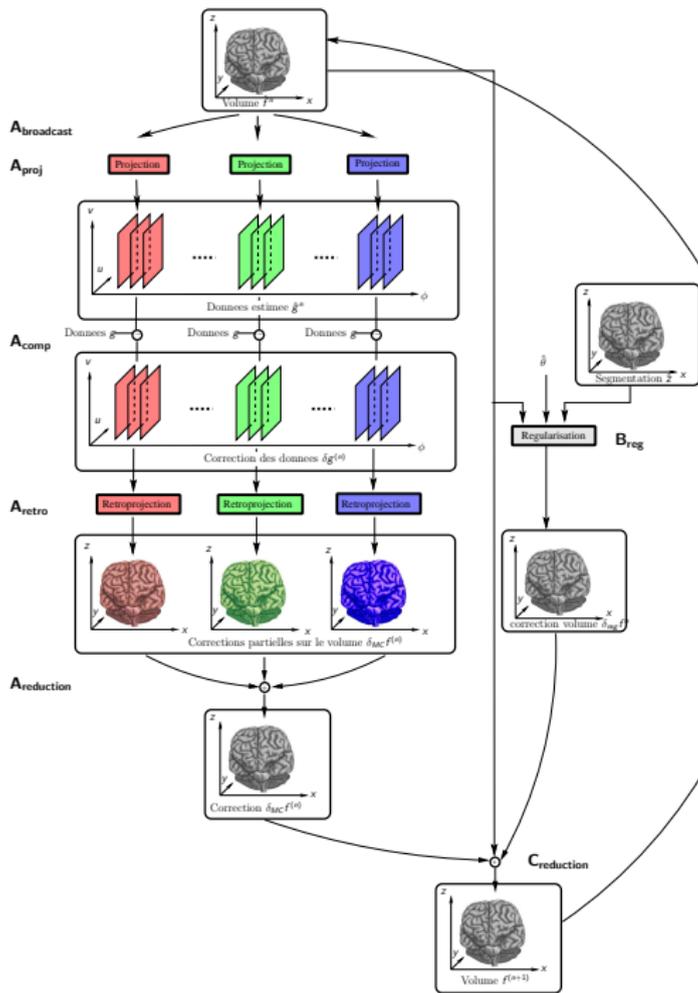
## Temps de transfert mémoire PC - GPU

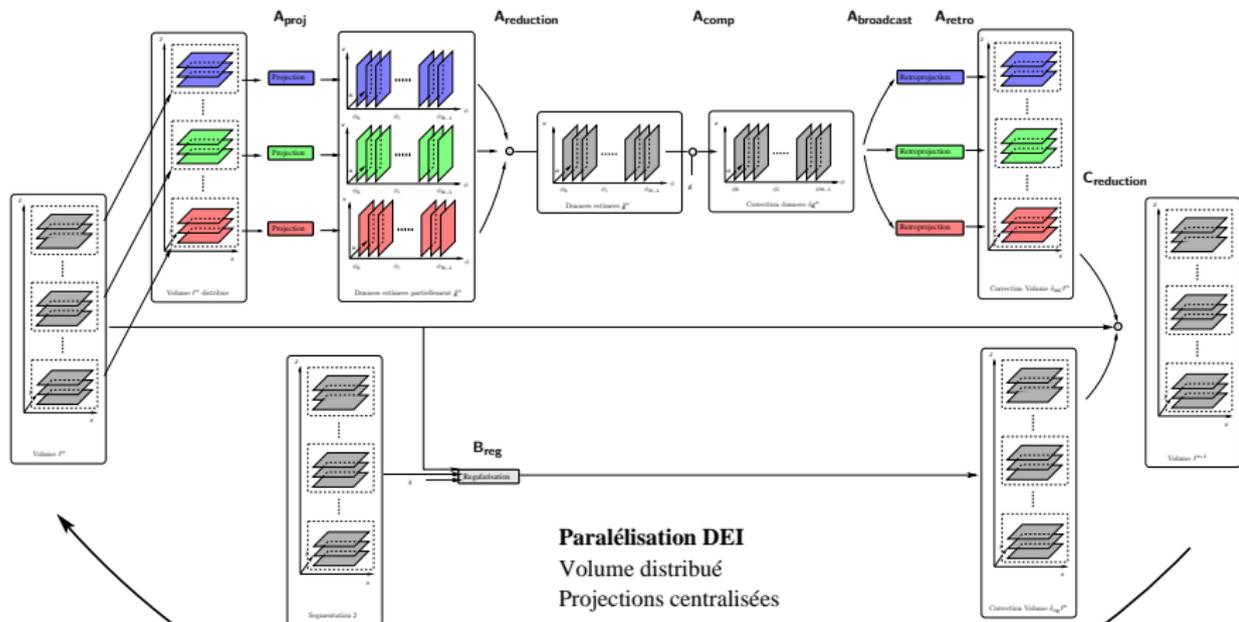
	<b>1 GPU</b>	<b>8 GPUs</b>
Projecteur $H_P$	10 %	37.5 %
Rétroprojecteur $H_{RP}^t$	1.4 %	6.8 %
Convolution $D$	68.9 %	

Proportion du temps de traitement consacré au transfert mémoire entre le PC et la carte graphique pour chaque opérateur lors de la reconstruction d'un volume de  $1024^3$  à partir de 256 projections.

## Parallélisation DEP

Volume centralisé  
Projections centralisées





- 1 Accélération matérielle sur GPU
- 2 Problèmes inverses
- 3 Parallélisation GPU de  $H$  et  $H^t$
- 4 Parallélisation multi-GPU
- 5 Bibliothèques, Matlab, Outils, Formations...
- 6 Conclusion

# Librairies

## Les programmes du SDK de Nvidia (accès au code source)

- Calcul matriciel (multiplication, transpose, valeur propre...)
- Réduction somme, tri...
- Convolution 2D (seulement séparables, code assez obscure, pas paramétrisable facilement...)
- Monte Carlo (générateur de nombre aléatoire..)
- ...

## Les librairies NVIDIA (pas d'accès au code source)

- CUBLAS, CUFFT, CURAND, CUSPARSE...
- NPP (Nvidia Performance Primitive)
- ...

## Initiatives autres que Nvidia

- openCV GPU
- ...

## Matlab et les GPUs

### Les mexfunctions

- comme pour le C...

### PCT : Parallel Computing Toolbox

- Fonctions Matlab parallélisées sur GPU (ex : FFT, conv2...)
- Programmation des kernels sous Matlab
- Performance versus Jacket d'AccelerEyes ?

## Outils et formations/communautés GPU

### Nsight : Debug, Profiling...

- Déjà existant sous Windows avec Visual studio
- Bientôt (CUDA 5.0) sous Linux avec Eclipse

### formation/communauté GPU

- Ecole d'été GPU à Grenoble en été 2013 ? (Dominique Houzet/Vincent Fristot du Gipsa-lab)
- Formation continue (Dominique Houzet à Grenoble INP, Stephane Vialle à Supélec...)
- Meet-up HPC/GPU (coordinateur : Jérôme Piat)
- ...

# Conclusion

Pré-requis : Avoir connaissance des forces et faibles l'architecture

## 3 niveaux de parallélisation avec calcul distribué :

- sur les  $n$  cœurs d'un SM
- sur les  $p$  SM d'un GPU
- sur les  $q$  GPUs d'un serveur

## 3 niveaux d'accès mémoire

- mémoire "on chip" : registre, mémoire locale, cache (quelques Ko voire Mo)
- mémoire "off chip" SDRAM de la carte GPU (1...6 Go)
- mémoire SDRAM du PC (4...64 Go)

# Conclusion

Le but : Atteindre l'équilibre entre débit de calcul et débit mémoire

## ① Exploiter au maximum la puissance de calcul

- Parallélisation de l'algorithme (bon découpage en threads)
- Utilisation de l'interpolateur *hardware* de texture

## ② Favoriser la localité spatio-temporelle des données (accès à la mémoire globale)

- Utiliser un maximum les registres
- Lecture des données via le cache 2D de texture
  - réutilisation au maximum des données
  - accès à des données 2D
- Lecture/Ecriture dans la mémoire shared
  - ↳ **Harmoniser l'ordre des boucles avec la structure des données**

## ③ Attention au temps de transfert CPU/GPU

- avoir un algorithme avec une la plus forte intensité arithmétique possible
- avoir un jeu de données pouvant être stocké dans la SDRAM (taille  $< 4/6$  Go)
  - ↳ **parallélisation multi-GPU peut impliquer des broadcast, scatter, gather**

# Merci de votre attention !

## Etudiants stagiaires ayant contribué aux résultats obtenus

### Développements GPU :

- Asier Rabanal (stage Erasmus/ingénieur Digiteo) : projection/rétroprojection multi-GPU
- Benoit Penrec'h (stage IUT Cachan) : convolution 2D sur GPU
- Alexandre Frizac (stage IUT Cachan) : Transfert asynchrone PC-GPU
- Rémi Navarre (stage IUT Cachan) : Déconvolution 1D multi-GPU

### Problèmes inverses :

- Krayni Anis (stage ingénieur 3A) : reconstruction tomographique
- Samsophath Nhean (stage M1) : traitement de données de Mars